Приложение 7 ОП ВО

Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАРОДНОГО ХОЗЯЙСТВА
И ГОСУДАРСТВЕННОЙ СЛУЖБЫ
ПРИ ПРЕЗИДЕНТЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»
ОМСКИЙ ФИЛИАЛ

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН
ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

Сертификат: 6664D3EAA7DADC690EE8BAC024716D1B
Владелец: Бахта Андрей Сергеевич
Действителен: с 13.06.2024 до 06.09.2025

УТВЕРЖДЕНО

Директор филиала А.С. Бахта

(электронная подпись)

ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ПРОГРАММА ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ФИНАНСЫ И КРЕДИТ
(наименование образовательной программы)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
реализуемой без применения электронного (онлайн) курса

Б1.О.02 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ
(индекс и наименование дисциплины (модуля), в соответствии с учебным планом)

Высшее, бакалавриат
(уровень образования)

38.03.01 Экономика
(код и наименование направления подготовки (специальности))

Финансы и кредит
направленность (профиль/специализация)

бакалавр
квалификация

очная, очно-заочная
форма(ы) обучения
год набора - 2022

Омск, 2024 г.

Авторы-составители:
к.ф.-м.н., доцент, доцент кафедры экономики и управления А.В. Адельшин

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» рассмотрена и утверждена на заседании Педагогического совета, протокол от 26 января 2022 г. № 4.

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» пересмотрена и одобрена на заседании кафедры экономики и управления, протокол от 30 августа 2023 г. № 1, протокол от 30 августа 2024 г. № 1.

Содержание

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы 4
2. Объем и место дисциплины в структуре ОП ВО 4
3. Содержание и структура дисциплины 4
4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине 10
5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины 24
6. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине 25
7. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы 26

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы

1.1. Дисциплина Б1.О.02 Математический анализ обеспечивает овладение следующими компетенциями:

Код компетенции	Наименование компетенции	Код этапа освоения компетенции	Наименование этапа освоения компетенции
ПКо ОС II - 1	Способен использовать методы математического анализа для решения прикладных задач	ПКо ОС II – 1.1	Способен применять знания математического анализа для решения профессиональных задач финансовой сферы
		ПКо ОС II – 1.2	

1.2. В результате освоения дисциплины у студентов должны быть сформированы:

Код этапа освоения компетенции	Результаты обучения (дескрипторы)
ПКо ОС II – 1.1, ПКо ОС II – 1.2	**на уровне знаний:** знает теоретические основы методов дифференциального и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных, основы теории рядов;
	на уровне умений: умеет решать задачи дифференциального и интегрального исчисления для решения прикладных задач, а также применять ряды для решения прикладных задач;
	на уровне навыков: анализа данных, необходимых для решения поставленных экономических задач

2. Объем и место дисциплины в структуре ОП ВО

Объем дисциплины

Дисциплина Б1.О.02 Математический анализ составляет 10 зачетных единиц, т.е. 360 академических часов для очной и очно-заочной ф/о.

На контактную работу с преподавателем выделено 132 часа, из них 64 часа лекций и 64 часа практических занятий, 4 часа выделено на консультацию по промежуточной аттестации; на самостоятельную работу обучающихся выделено 156 часов для очной ф/о.

На контактную работу с преподавателем выделено 68 часов, из них 32 часа лекций и 32 часа практических занятий, 4 часа выделено на консультацию по промежуточной аттестации; на самостоятельную работу обучающихся выделено 220 часов для очно-заочной ф/о.

Место дисциплины в структуре ОП ВО

Дисциплина Б1.О.02 Математический анализ изучается на 1 курсе, в 1 и 2 семестрах для студентов очной и очно-заочной ф/о.

Освоение дисциплины Б1.О.02 Математический анализ опирается на минимально необходимый объем теоретических знаний, а также на приобретенные ранее умения и навыки в области базового курса, полученных в средних образовательных учреждениях.

Форма промежуточной аттестации в соответствии с учебным планом – экзамены в 1-ом и 2-ом семестре в письменной форме.

3. Содержание и структура дисциплины

Очная форма обучения

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Объем дисциплины, час.						Форма текущего контроля успеваемости**, промежуточной аттестации***
		Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий				СРС	
			Л	ЛР	ПЗ	КСР		
Тема 1.	Множества и их отображения	10	2		2		6	Кол
Тема 2.	Предел последовательности, предел и непрерывность функции	14	4		4		6	К,Кол
Тема 3.	Производная и дифференциал	**16**	4		4		8	К,Кол
Тема 4.	Основные теоремы дифференциального исчисления	**16**	4		4		8	К,Кол
Тема 5.	Исследование свойств функций и построение графиков	**16**	4		4		8	К,Кол
Тема 6.	Метрические пространства. Функции нескольких переменных	**12**	2		2		8	К,Кол
Тема 7.	Дифференцируемость функции многих переменных. Частные производные	**14**	4		4		6	К,Кол
Тема 8.	Экстремумы функций нескольких переменных	**12**	2		2		8	К,Кол
Тема 9.	Неявная функция. Условный экстремум	**14**	4		4		6	К,Кол
Тема 10.	Приложения теории условного экстремума к экономической теории	**12**	2		2		8	К,Кол
Тема 11.	Неопределённый интеграл	**22**	8		8		6	К,Кол
Тема 12.	Определённый интеграл	**32**	6		6		20	К,Кол
Тема 13.	Приложения определённого интеграла	**20**	2		2		16	К,Кол
Тема 14.	Несобственный интеграл	**10**	2		2		6	К,Кол
Тема 15.	Кратные интегралы	**10**	2		2		6	К,Кол
Тема 16.	Числовые ряды	**18**	6		6		6	К,Кол
Тема 17.	Функциональные ряды	**24**	4		4		16	К,Кол
Тема 18.	Эйлеровы интегралы	**12**	2		2		8	Кол
Консультации на промежуточную		**4**						

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Объем дисциплины, час.						Форма текущего контроля успеваемости**, промежуточной аттестации***
		Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий				СРС	
			Л	ЛР	ПЗ	КСР		
аттестацию								
Промежуточная аттестация		72						Экз (2)
Итого по курсу		**360**	**64**		**64**		**156**	

*** – формы текущего контроля успеваемости: контрольная работа (К), коллоквиум (Кол). *** - формы промежуточной аттестации: экзамен (Экз).*

Очно-заочная форма обучения

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Объем дисциплины, час.						Форма текущего контроля успеваемости**, промежуточной аттестации***
		Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий				СРС	
			Л	ЛР	ПЗ	КСР		
Тема 1.	Множества и их отображения	**10**	2		-		8	Кол
Тема 2.	Предел последовательности, предел и непрерывность функции	**14**	2		2		10	К,Кол
Тема 3.	Производная и дифференциал	**16**	2		2		12	К,Кол
Тема 4.	Основные теоремы дифференциального исчисления	**16**	2		2		12	К,Кол
Тема 5.	Исследование свойств функций и построение графиков	**16**	-		2		14	К,Кол
Тема 6.	Метрические пространства. Функции нескольких переменных	**12**	2		2		8	К,Кол
Тема 7.	Дифференцируемость функции многих переменных. Частные производные	**14**	2		2		10	К,Кол
Тема 8.	Экстремумы функций нескольких переменных	**12**	2		2		8	К,Кол
Тема 9.	Неявная функция. Условный экстремум	**14**	2		2		10	К,Кол
Тема 10.	Приложения теории условного экстремума к экономической теории	**12**	2		2		8	К,Кол
Тема 11.	Неопределённый интеграл	**22**	2		2		18	К,Кол
Тема 12.	Определённый интеграл	**32**	2		2		28	К,Кол
Тема 13.	Приложения определённого интеграла	**20**	2		-		18	К,Кол
Тема 14.	Несобственный интеграл	**10**	2		2		6	К,Кол

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Объем дисциплины, час.						Форма текущего контроля успеваемости**, промежуточной аттестации***
		Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий				СРС	
			Л	ЛР	ПЗ	КСР		
Тема 15.	Кратные интегралы	**10**	2		2		6	К,Кол
Тема 16.	Числовые ряды	**18**	2		2		14	К,Кол
Тема 17.	Функциональные ряды	**24**	2		2		20	К,Кол
Тема 18.	Эйлеровы интегралы	**12**	-		2		10	Кол
Консультации на промежуточную аттестацию		**4**						
Промежуточная аттестация		**72**						Экз (2)
Итого по курсу		**360**	**32**		**32**		**220**	

*** – формы текущего контроля успеваемости: контрольная работа (К), коллоквиум (Кол). *** - формы промежуточной аттестации: экзамен (Экз).*

Содержание дисциплины

Тема 1. Множества и их отображения.

Множества и операции над ними. Декартово произведение множеств, бинарные отношения. Отображения и их свойства. Множество действительных чисел.

Тема 2. Предел последовательности, предел и непрерывность функции.

Арифметические свойства предела. Предельный переход в неравенствах. Вычисление $\lim_{x\to 0} {\sin x}/{x}$. Предел монотонной ограниченной функции. Число e. Критерий Коши существования предела последовательности, предела функции. Понятие о сходимости ряда. Непрерывность, точки разрыва. Свойства непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Равномерная непрерывность. Теорема Кантора.

Тема 3. Производная и дифференциал.

Производная, её естественнонаучный смысл и основные свойства. Предельные величины. Дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Эластичность и её свойства.

Тема 4. Основные теоремы дифференциального исчисления.

Теоремы Ферма, Ролля. Необходимые условия экстремума. Теоремы Лагранжа и Коши. Критерий постоянства функции. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа (без доказательства). Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано (без доказательства). Разложения функций $e^x, \sin x, \cos x, \ln(1+x), (1+x)^\mu$. Правила Лопиталя.

Тема 5. Исследование свойств функций и построение графиков.

Монотонность функции. Достаточные условия экстремума функции. Выпуклость графика функции. Функции спроса Торнквиста. Функция полезности. Закон убывающей предельной полезности.

Тема 6. Метрические пространства. Функции нескольких переменных.

Открытые, замкнутые, компактные множества. Функции и отображения, их пределы и непрерывность. Функции Кобба-Дугласа.

Тема 7. Дифференцируемость функции многих переменных. Частные производные.

Достаточные условия дифференцируемости. Дифференциал. Производная сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Касательная плоскость. Производная по направлению, Градиент. Матрица Якоби отображения и её свойства. Свойства якобиана. Производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Гессиан.

Тема 8. Экстремумы функций нескольких переменных.

Формулы Тейлора для функции нескольких переменных.

Необходимые условия экстремума. Достаточные условия существования экстремума.

Тема 9. Неявная функция. Условный экстремум.

Формулировка теоремы о существовании, непрерывности и дифференцируемости функции $y = f(x)$, определяемой уравнением $F(x, y) = 0$. Формулировка теоремы о существовании, непрерывности и дифференцируемости функции $y = f(x_1, \dots, x_n)$ определяемой уравнением $F(x_1,\dots,x_n, y) = 0$. Формулировка теоремы о неявных функциях, определяемых системой уравнений.

Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. Достаточные условия экстремума. Окаймлённый гессиан.

Тема 10. Приложения теории условного экстремума к экономической теории.

Задача рационального поведения потребителя на рынке. Задача минимизации расхода потребителя при фиксированном уровне полезности.

Тема 11. Неопределённый интеграл.

Первообразная функция, структура неопределённого интеграла. Таблица неопределённых интегралов и правила интегрирования. Интегрирование рациональных функций, некоторых иррациональных функций, некоторых тригонометрических функций.

Тема 12. Определённый интеграл.

Понятие площади плоской фигуры. Задача о вычислении площади криволинейной трапеции. Определение интеграла (по Риману). Необходимое условие интегрируемости функции. Критерий интегрируемости функции. Интегрируемость ограниченной монотонной функции. Интегрируемость непрерывной функции, интегрируемость кусочно-непрерывной функции. Свойства определённого интеграла, теоремы о среднем значении. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле.

Тема 13. Приложения определённого интеграла.

Геометрические приложения определённого интеграла: площадь криволинейной трапеции, площадь в полярных координатах, длина дуги, объём пространственного тела (принцип Кавальери), площадь поверхности вращения.

Приложения определённого интеграла к задачам экономики: объём выпускаемой продукции, коэффициент Джини, дисконтированный доход.

Тема 14. Несобственный интеграл.

Несобственный интеграл с бесконечными пределами интегрирования. Несобственный интеграл от неограниченных функций. Критерий Коши сходимости. Обобщение понятия площади. Сходимость и расходимость интегралов $\int_a^{+\infty} \frac{dx}{x^p}, a > 0, \int_0^1 \frac{dx}{x^p}$.

Замена переменной, интегрирование по частям, несобственный интеграл с переменным верхним пределом. Признаки сравнения для несобственных интегралов от неотрицательных функций. Абсолютно сходящиеся и условно сходящиеся интегралы.

Тема 15. Кратные интегралы.

Двойной интеграл, его свойства. Сведение двойного интеграла к повторному. Замена переменных в двойном интеграле. Тройной интеграл, его свойства.

Тема 16. Числовые ряды.

Критерий Коши сходимости ряда. Необходимое условие сходимости. Ряды с неотрицательными членами. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Признак Коши. Признак Гаусса (без доказательства). Интегральный признак сходимости Маклорена-Коши. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Признаки Абеля и Дирихле (без доказательства). Абсолютная сходимость ряда. Условная сходимость ряда. Перестановки членов ряда.

Тема 17. Функциональные ряды.

Степенные ряды. Радиус сходимости, интервал сходимости. Непрерывность суммы степенного ряда. Почленное интегрирование и дифференцирование степенных рядов. Ряды Тейлора элементарных функций. Ряд Фурье. Тригонометрическая система функций. Коэффициенты Фурье.

Тема 18. Эйлеровы интегралы.

Гамма и бета-функции Эйлера, их свойства (без доказательства). Нормальное распределение. Вычисление его моментов.

4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине

4.1. Текущий контроль успеваемости

4.1.1. Формы текущего контроля успеваемости

Тема (раздел)	Методы текущего контроля успеваемости
Тема 1. Множества и их отображения	Коллоквиум №1
Тема 2. Предел последовательности, предел и непрерывность функции	Контрольная работа №1 Коллоквиум №1
Тема 3. Производная и дифференциал	Контрольная работа №1 Коллоквиум №1
Тема 4. Основные теоремы дифференциального исчисления	Контрольная работа №1 Коллоквиум №1
Тема 5. Исследование свойств функций и построение графиков	Контрольная работа №1 Коллоквиум №1
Тема 6. Метрические пространства. Функции нескольких переменных.	Контрольная работа №2 Коллоквиум №2
Тема 7. Дифференцируемость функции многих переменных. Частные производные.	Контрольная работа №2 Коллоквиум №2
Тема 8. Экстремумы функций нескольких переменных	Контрольная работа №2 Коллоквиум №2
Тема 9. Неявная функция. Условный экстремум	Контрольная работа №2 Коллоквиум №2
Тема 10. Приложения теории условного экстремума к экономической теории	Контрольная работа №2 Коллоквиум №2
Тема 11. Неопределённый интеграл.	Контрольная работа №3 Коллоквиум №3
Тема 12. Определённый интеграл	Контрольная работа №3 Коллоквиум №3
Тема 13. Приложения определённого интеграла	Контрольная работа №3 Коллоквиум №3
Тема 14. Несобственный интеграл	Контрольная работа №3 Коллоквиум №3
Тема 15. Кратные интегралы	Контрольная работа №3 Коллоквиум №3
Тема 16. Числовые ряды	Контрольная работа №4 Коллоквиум №4
Тема 17. Функциональные ряды	Контрольная работа №4 Коллоквиум №4
Тема 18. Эйлеровы интегралы	Коллоквиум №4

4.1.2. Материалы текущего контроля успеваемости

Типовые оценочные материалы по теме 1 «Множества и их отображения»

Вопросы к коллоквиуму №1

1. Множества и операции над ними.
2. Декартово произведение множеств, бинарные отношения.
3. Отображения и их свойства.

Типовые оценочные материалы по теме 2 «Предел последовательности, предел и непрерывность функции»

Варианты заданий контрольной работы №1

1. Вычислить предел функции: $\lim\limits_{x\to 11}\frac{\sqrt{x-2}-3}{x-11}$
2. Найти область определения функции: $y=\frac{1}{\ln\sin x}$
3. Исследовать функцию на непрерывность: $y=3^{\frac{-1}{(x-1)^2}}$. В ответе перечислите точки разрыва, если они есть.
4. Найдите точку разрыва функции $y=\frac{x^2-1}{x+2}$
5. Найдите предел $\lim\limits_{x\to 1}(3x+2)$
6. Найдите предел $\lim\limits_{x\to 0}\frac{x^3+1}{x-1}$

Вопросы к коллоквиуму №1

1. Арифметические свойства предела. Предельный переход в неравенствах. Вычисление $\lim\limits_{x\to 0}{}^{\sin x}\!/_{x}$.
2. Предел монотонной ограниченной функции. Число e.
3. Критерий Коши существования предела последовательности, предела функции.
4. Непрерывность, точки разрыва. Свойства непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций.
5. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Кусочно-непрерывные функции, классификация точек разрыва.

Типовые оценочные материалы по теме 3 «Производная и дифференциал»

Варианты заданий контрольной работы №1

1. Вычислить значение производной в заданной точке: $y=(3-4x)\cdot(2+3x)^3$ для $x=1$
2. С помощью дифференциала вычислить приближенное значение: $\sin^2\frac{5\pi}{36}$
3. Найти производную второго порядка: $y=x\cdot e^{-x}$.
4. Вычислить значение производной функции $y=x^2+2x$ в точке x=1.
5. Найти производную функции $y=\sin x-2x$

Вопросы к коллоквиуму №1

1. Определение производной функции в точке, ее основные свойства.
2. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производная и обратной функции.
3. Дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциала для приближенных вычислений
4. Производные и дифференциалы высших порядков.
5. Эластичность и её свойства.

Типовые оценочные материалы по теме 4 «Основные теоремы дифференциального исчисления»

Варианты заданий контрольной работы №1

1. Вычислить предел функции, используя эквивалентность бесконечно малых: $\lim\limits_{x\to 0}\frac{\ln\cos x}{3^{x^2}-1}$

2. Найти предел с помощью правила Лопиталя: $\lim\limits_{x\to 0}\frac{2^x-1}{\operatorname{tg} x}$

3. Найти предел с помощью правила Лопиталя: $\lim\limits_{x\to 1}(x-1)\ln(x-1)$

4. Найдите предел по правилу Лопиталя $\lim\limits_{x\to 1}\frac{2x-2}{x^2-1}$

5. Найдите предел по правилу Лопиталя $\lim\limits_{x\to 0}\frac{\sin x}{3x}$

Вопросы к коллоквиуму №1

1. Теоремы Ферма, Ролля. Теоремы Лагранжа и Коши. Критерий постоянства функции.

2. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа (без доказательства). Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано (без доказательства).

3. Разложения функций e^x, $\sin x$ $\cos x$, $\ln(1+x)$, $(1+x)^\mu$

4. Правила Лопиталя.

Типовые оценочные материалы по теме 5 «Исследование свойств функций и построение графиков»

Варианты заданий контрольной работы №1

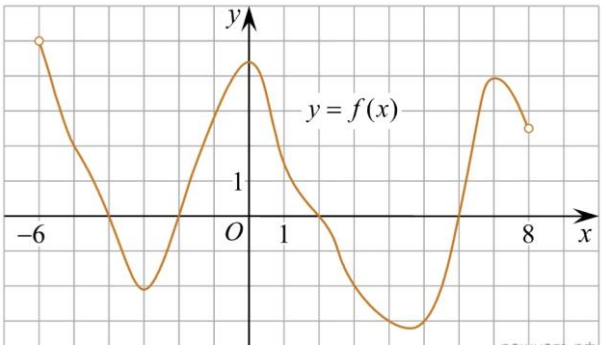
1. Найти интервалы монотонности функции: $y = x + \frac{1}{x-1} + 2$

2. Найти экстремумы функции: $y = (\frac{3}{10}x^3 + \frac{6}{7}x^2 + \frac{9}{4}x)\sqrt[3]{x}$

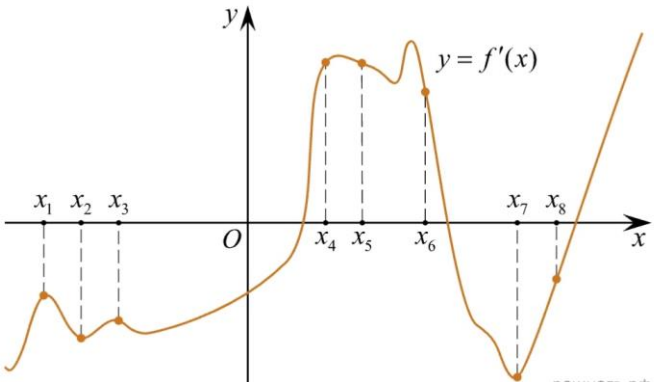
3. Найти асимптоты функции: $y = \ln x - 2x$

4. Дана функция $y = x^3 + x$. Определите характер монотонности на отрезке [1, 3]

5. На рисунке изображен график y=f(x), определенной на интервале (-6, 8). Определите количество целых точек, в которых производная функции положительна.



6. На рисунке изображен график функции $y = f'(x)$ - производной функции y=f(x). На оси абсцисс отмечены 8 точек. Сколько из этих точек лежит на промежутках возрастания функции y=f(x)?



Вопросы к коллоквиуму №1

1. Монотонность функции. Асимптоты графика функции.
2. Необходимые условия экстремума. Достаточные условия экстремума.
3. Выпуклые и вогнутые функции. Интервалы выпуклости и точки перегиба.
4. Общая схема исследования функции.

Типовые оценочные материалы по теме 6 «Метрические пространства. Функции нескольких переменных»

Варианты заданий контрольной работы №2

1. Найти область определения функции и изобразить ее на координатной плоскости Oxy: $z = ln(y - 4x)$
2. Построить линии уровня функции: $z = x\,y$.
3. Построить линии уровня функции: $z = x^2 + y^2$.
4. Какие из перечисленных точек принадлежат области определения функции $z = \sqrt{x} + \frac{1}{y}$?

   a) (2, 0) b) (-1, 1) c) (5, 2) d) (0, 1)

5. Найдите значение функции $z = \sqrt{2x + y}$ в точке (-1, 6).

Вопросы к коллоквиуму №2

1. Открытые, замкнутые, компактные множества. Понятие функции нескольких переменных, область определения, множество значений.
2. Линии уровня функции двух переменных. Поверхность уровня.
3. Предел функции двух переменных, свойства пределов. Непрерывность функции двух переменных.

Типовые оценочные материалы по теме 7 «Дифференцируемость функции многих переменных. Частные производные»

Варианты заданий контрольной работы №2

1. Найти частные производные второго порядка функции $z = ln(3x + 2y)$
2. Вычислить приближенно значение функции z = 2xy+3y-5x при x=3,04, y=3,95.
3. Найти градиент функции и его модуль в точке M: $z = xe^{1+y}$, $M(1;-1)$

4. Найти длину вектора градиента функции: $z = 3x+4y$.
5. Найдите частную производную по x для функции z=sin x + 2y
6. Найдите частную производную по y для функции z=sin x + 2xy

Вопросы к коллоквиуму №2

1. Достаточные условия дифференцируемости. Дифференциал. Производная сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Касательная плоскость.

2. Производная по направлению, Градиент.

3. Матрица Якоби отображения и её свойства. Свойства якобиана.

4. Производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Гессиан.

Типовые оценочные материалы по теме 8 «Экстремумы функций нескольких переменных»

Варианты заданий контрольной работы №2

1. Исследовать на экстремум функцию $z = \frac{8}{x} + \frac{x}{y} + y$

2. Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + y^2 - 2lnx - 18lny$

3. Исследовать на экстремум функцию $z = e^{\frac{x}{2}}(x + y^2)$

4. Пусть точка $M(x_0, y_0)$ – точка экстремума функции z=f(x,y). Какие из следующих утверждений верны:

a) частная производная по x функции z=f(x,y) в точке M равна нулю

b) частная производная по y функции z=f(x,y) в точке M равна нулю

c) точка M не входит в область определения функции z=f(x,y)

d) функция z=f(x,y) в точке M обязательно принимает наибольшее значение.

Вопросы к коллоквиуму №2

1. Формулы Тейлора для функции нескольких переменных.

2. Необходимые условия экстремума. Достаточные условия существования экстремума.

3. Схема исследования на экстремум.

Типовые оценочные материалы по теме 9 «Неявная функция. Условный экстремум»

Варианты заданий контрольной работы №2

1. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = xy + x + y$ в области D :$1 \le x \le 2$, $2 \le y \le 3$

2. Найти условный экстремум функции: $z = x^2 + y^2 - xy + x + y - 4$ при $2x + y + 3 = 0$

3. Найти условный экстремум функции: $z = 4x - 5y$ при $x^2 + y^2 = 1$

Вопросы к коллоквиуму №2

1. Формулировка теоремы о существовании, непрерывности и дифференцируемости функции $y=f(x_1,\ldots,x_n)$ определяемой уравнением $F(x_1,\ldots,x_n,y)=0$. Формулировка теоремы о неявных функциях, определяемых системой уравнений.

2. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. Достаточные условия экстремума. Окаймлённый гессиан.

Типовые оценочные материалы по теме 10 «Приложения теории условного экстремума к экономической теории»

Вопросы к коллоквиуму №2

1. Задача рационального поведения потребителя на рынке.

2. Задача минимизации расхода потребителя при фиксированном уровне полезности.

Типовые оценочные материалы по теме 11 «Неопределённый интеграл»

Варианты заданий контрольной работы №3

1. Вычислить интеграл $\int \frac{\cos x}{\sqrt{1-\sin^2 x}} dx$

2. Вычислить интеграл $\int \frac{xdx}{\sqrt{x^2+2x+5}}$

3. Вычислить интеграл $\int x^2 \sin 2x dx$

4. Вычислить интеграл $\int 2xdx$

5. Вычислить интеграл $\int (1-\frac{1}{x})dx$

Вопросы к коллоквиуму №3

1. Первообразная функция, структура неопределённого интеграла. геометрический смысл.

2. Свойства неопределённого интеграла. Таблица неопределённых интегралов и правила интегрирования.

2. Интегрирование по частям (вывод формулы, приемы для разных подынтегральных функций).

3. Интегрирование рациональных дробей.

4. Универсальная тригонометрическая подстановка. Частные случаи

5. Интегралы типа $\int sin^n x\, cos^m x\, dx$, $\int sin\, ax \cdot cos\, bx\, dx$,, $\int sin\, ax \cdot sin\, bx\, dx$, $\int cos\, ax \cdot cos\, bx\, dx$

6. Интегрирование иррациональных функций.

<u>Типовые оценочные материалы по теме 12 «Определённый интеграл»</u>

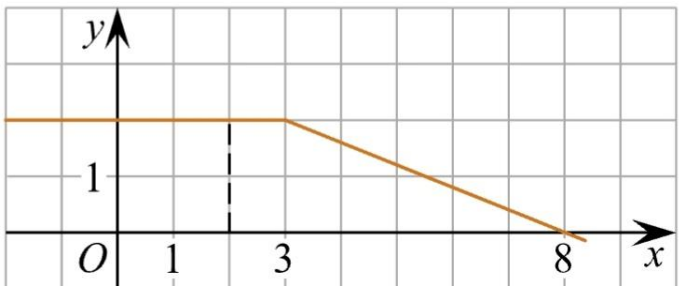
Варианты заданий контрольной работы №3

1. Вычислить интеграл $\int_1^4 (x^2+x-1)dx$

2. Вычислить интеграл $\int_0^{\ln 2} x\, e^{-2x}\, dx$

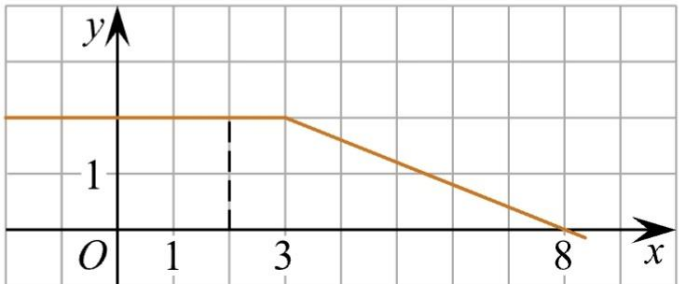
3. На рисунке изображен график некоторой функции y=f(x).

Пользуясь рисунком, вычислите $\int_3^8 f(x)dx$



4. На рисунке изображен график некоторой функции y=f(x).

Пользуясь рисунком, вычислите F(8) – F(2).



Вопросы к коллоквиуму №3

1. Понятие площади плоской фигуры. Задача о вычислении площади криволинейной трапеции. Определение интеграла (по Риману).

2. Необходимое условие интегрируемости функции. Критерии интегрируемости функции.

3. Свойства определённого интеграла, теоремы о среднем значении.

4. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.

5. Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле

Типовые оценочные материалы по теме 13 «Приложения определённого интеграла»

Варианты заданий контрольной работы №3

1. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = -2 + 3x - x^2,\ y = 0$
2. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \sqrt{3x},\ y = x$
3. Вычислить объем тела вращения вокруг оси OX: $y = x^2,\ y^2 = x$

Вопросы к коллоквиуму №3

1. Геометрические приложения определённого интеграла: площадь криволинейной трапеции, площадь в полярных координатах, длина дуги, объём пространственного тела (принцип Кавальери), площадь поверхности вращения.

2. Приложения определённого интеграла к задачам экономики: объём выпускаемой продукции, коэффициент Джини, дисконтированный доход.

Типовые оценочные материалы по теме 14 «Несобственный интеграл»

Варианты заданий контрольной работы №3

1. Вычислить интеграл $\int_1^{+\infty} x\, e^{-x}\, dx$

2. Вычислить интеграл $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx}{x^2+2x+2}$

3. Вычислить интеграл $\int_{-\infty}^{1} \frac{xdx}{(1+x^2)}$

Вопросы к коллоквиуму №3

1. Несобственный интеграл с бесконечными пределами интегрирования. Несобственный интеграл от неограниченных функций. Критерий Коши сходимости. Обобщение понятия площади.

2. Признаки сравнения для несобственных интегралов от неотрицательных функций. Абсолютно сходящиеся и условно сходящиеся интегралы.

Типовые оценочные материалы по теме 15 «Кратные интегралы»

Варианты заданий контрольной работы №3

1. Вычислить двойной интеграл $\iint_D \frac{x^2}{y^2} dx\, dy$ по области D: $\{y = x, yx = 1, x = 2\}$

2. Записать двойной интеграл $\int_D f(x, y)dxdy$ в виде повторного и расставить пределы интегрирования для области Ω:{x≥0, y≥0, y+2x≤4}.

Вопросы к коллоквиуму №3

1. Двойной интеграл, его свойства.
2. Сведение двойного интеграла к повторному. Замена переменных в двойном интеграле.
3. Тройной интеграл, его свойства.

Типовые оценочные материалы по теме 16 «Числовые ряды»

Варианты заданий контрольной работы №4

1. Исследовать на сходимость: $1+\frac{1}{5}+\frac{1}{5^2}+...+\frac{1}{5^{n-1}}+...;$

2. Исследовать на сходимость: $\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{3^n}\left(\frac{n}{n+1}\right)^{n^2+2n}$;

3. Исследовать на сходимость ряд. Для сходящегося ряда установить, сходится он абсолютно или условно: $\sum_{n=1}^{\infty}\frac{(-1)^n}{2n^2+1}$.

4. Найдите первый член ряда $\sum_{n=1}^{\infty}(2n-1)$.

5. Найдите сумму первых двух членов ряда $\sum_{n=1}^{\infty}(n^2-1)$.

6. Исследовать ряд $\sum_{n=1}^{\infty}\frac{2}{n^2}$. на сходимость. В ответе укажите сходится ряд или расходится.

Вопросы к коллоквиуму №4

1. Критерий Коши сходимости ряда. Необходимое условие сходимости.
2. Ряды с неотрицательными членами. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак сходимости.
3. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Признаки Абеля и Дирихле. Абсолютная сходимость ряда. Условная сходимость ряда. Перестановки членов ряда.

Типовые оценочные материалы по теме 17 «Функциональные ряды»

Варианты заданий контрольной работы №4

1. Найти область сходимости ряда: $\sum_{n=1}^{\infty}\frac{(-1)^n(x-2)^n}{n^{n-1}}$

2. Найти область сходимости ряда: $\sum_{n=0}^{\infty}\frac{x^n}{3^n\sqrt{n+1}}$

3. Разложить в ряд Маклорена функцию f = 2sin3x .

4. Найдите первый член степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{2n}$ при x=2.

5. Исследовать ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n+1}$. на сходимость. В ответе укажите сходится ряд или расходится при x=1.

Вопросы к коллоквиуму №4

1. Функциональные ряды. Область сходимости ряда. Равномерно сходящийся функциональный ряд. Признак Вейерштрасса.
2. Степенные ряды. Радиус сходимости, интервал сходимости. Непрерывность суммы степенного ряда. Почленное интегрирование и дифференцирование степенных рядов.
3. Ряды Тейлора элементарных функций.
4. Ряд Фурье. Тригонометрическая система функций. Коэффициенты Фурье.

Типовые оценочные материалы по теме 18 «Эйлеровы интегралы»

Вопросы к коллоквиуму №4

1. Гамма и бета-функции Эйлера, их свойства (без доказательства).
2. Нормальное распределение. Вычисление его моментов.

Методические материалы, позволяющие оценивать знания и умения обучающихся

Критерии оценивания результатов коллоквиума

Коллоквиум проводится на практических занятиях в форме индивидуальной беседы преподавателя с каждым обучающимся.

Преподаватель задает несколько (4-5) кратких вопросов, позволяющих выяснить степень освоения материала обучающимся.

Ответ на каждый вопрос оценивается отдельно.

Шкала оценивания:

«Отлично» - вопрос раскрыт полностью, точно обозначены основные понятия и характеристики по теме.

«Хорошо» - вопрос раскрыт, однако нет полного описания всех необходимых элементов.

«Удовлетворительно» - вопрос раскрыт не полно, присутствуют грубые ошибки, однако есть некоторое понимание раскрываемых понятий.

«Неудовлетворительно» - ответ на вопрос отсутствует или в целом не верен.

По итогам ответов на каждый вопрос выставляется общий балл за коллоквиум.

Критерии оценивания контрольных работ

При проведении контрольной работы обучающимся предлагается выполнить несколько практических заданий (4-5) в соответствии с пройденными темами.

Время написания контрольной работы составляет 90 мин. (по желанию обучающегося ответ может быть досрочным).

Каждое практическое задание оценивается отдельно.

Шкала оценивания:

Оценка «отлично» ставится, если учащийся выполнил задание в полном объеме с соблюдением необходимой последовательности действий и требований нормативных правовых документов.

Оценка «хорошо» ставится, если обучающийся выполнил требования к оценке "5", но допущены 2-3 недочета в задании.

Оценка «удовлетворительно» ставится, если обучающийся выполнил задание не полностью; в ходе проведения работы были допущены ошибки.

Оценка «неудовлетворительно» ставится, если обучающийся выполнил работу не

полностью или объем выполненной части работы не позволяет сделать правильных выводов.

По итогам проверки каждого практического задания выставляется общий балл за выполнение контрольной работы.

4.2. Промежуточная аттестация

4.2.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы. Показатели и критерии оценивания компетенций с учетом этапа их формирования

Код компетенции	**Наименование компетенции**	**Код этапа освоения компетенции**	**Наименование этапа освоения компетенции**
ПКо ОС II - 1	Способен использовать методы математического анализа для решения прикладных задач	ПКо ОС II – 1.1	Способен применять знания математического анализа для решения профессиональных задач финансовой сферы
		ПКо ОС II – 1.2	

Этап освоения компетенции	Показатель оценивания	Критерий оценивания
ПКо ОС II – 1.1, ПКо ОС II – 1.2 Способен применять знания математического анализа для решения профессиональных задач финансовой сферы	Способен использовать методы математического анализа для исследования функциональных зависимостей экономического характера	Демонстрирует возможности методов математического анализа для решения задач с применением фундаментальных и прикладных профессиональных знаний; показывает точность и обстоятельность аргументации в математических рассуждениях, сформирован высокий уровень математической культуры, достаточный для понимания и усвоения последующих профессиональных навыков

4.2.2. Форма и средства (методы) проведения промежуточной аттестации

Формой промежуточного контроля после изучения дисциплины является экзамен в письменной форме.

Ответственным этапом учебного процесса является промежуточная аттестация. Бесспорным фактором успешного завершения очередного семестра является кропотливая, систематическая работа студента в течение всего семестра. В этом случае подготовка к промежуточной аттестации будет являться концентрированной систематизацией всех полученных знаний по данной дисциплине.

В начале семестра рекомендуется по всем изучаемым предметам получить вопросы к промежуточной аттестации, а также использовать в процессе обучения программу, другие методические материалы, разработанные по данной дисциплине.

При подготовке к промежуточной аттестации конструктивным является коллективное обсуждение выносимых на экзамен вопросов с сокурсниками, что позволяет повысить степень систематизации и углубления знаний.

Перед последним семинаром по предмету следует составить список вопросов, требующих дополнительного разъяснения преподавателем на консультации перед промежуточной аттестацией.

4.2.3. Типовые оценочные средства

Список вопросов для подготовки к экзамену (1 семестр)

1. Множества и операции над ними.

2. Декартово произведение множеств, бинарные отношения.
3. Отображения и их свойства.
4. Множество действительных чисел.
5. Арифметические свойства предела.
6. Предельный переход в неравенствах.
7. Вычисление $\lim\limits_{x\to 0} {\sin x}/{x}$.
8. Предел монотонной ограниченной функции.
9. Число e.
10. Критерий Коши существования предела последовательности, предела функции.
11. Понятие о сходимости ряда.
12. Непрерывность, точки разрыва.
13. Свойства непрерывных функций.
14. Непрерывность элементарных функций.
15. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
16. Равномерная непрерывность.
17. Теорема Кантора.
18. Производная, её естественнонаучный смысл и основные свойства.
19. Предельные величины.
20. Дифференциал.
21. Инвариантность формы первого дифференциала.
22. Производные и дифференциалы высших порядков.
23. Эластичность и её свойства.
24. Теоремы Ферма, Ролля.
25. Необходимые условия экстремума.
26. Теоремы Лагранжа и Коши.
27. Критерий постоянства функции.
28. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа (без доказательства).
29. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано (без доказательства).
30. Разложения функций $e^x, \sin x, \cos x, \ln(1+x), (1+x)^\mu$.
31. Правила Лопиталя.
32. Монотонность функции.
33. Достаточные условия экстремума функции.
34. Выпуклость графика функции.
35. Функции спроса Торнквиста.
36. Функция полезности.
37. Закон убывающей предельной полезности.
38. Открытые, замкнутые, компактные множества.
39. Функции и отображения, их пределы и непрерывность.
40. Функции Кобба-Дугласа.
41. Достаточные условия дифференцируемости.
42. Дифференциал.
43. Производная сложной функции.
44. Инвариантность формы первого дифференциала.
45. Касательная плоскость.
46. Производная по направлению.
47. Градиент.
48. Матрица Якоби отображения и её свойства.
49. Свойства якобиана.
50. Производные высших порядков.
51. Дифференциалы высших порядков.
52. Гессиан.
53. Формулы Тейлора для функции нескольких переменных.

54. Необходимые условия экстремума.

55.Достаточные условия существования экстремума.

56. Формулировка теоремы о существовании, непрерывности и дифференцируемости функции $y = f(x)$, определяемой уравнением $F(x, y) = 0$.

57. Формулировка теоремы о существовании, непрерывности и дифференцируемости функции $y = f(x_1, \dots, x_n)$ определяемой уравнением $F(x_1,\dots,x_n, y) = 0$.

58. Формулировка теоремы о неявных функциях, определяемых системой уравнений.

59. Условный экстремум.

60. Метод множителей Лагранжа.

61. Достаточные условия экстремума.

62. Окаймлённый гессиан.

63. Задача рационального поведения потребителя на рынке.

64. Задача минимизации расхода потребителя при фиксированном уровне полезности.

Список вопросов для подготовки к экзамену (2 семестр)

1. Первообразная функция, структура неопределённого интеграла.

2. Таблица неопределённых интегралов и правила интегрирования.

3. Интегрирование рациональных функций, некоторых иррациональных функций, некоторых тригонометрических функций.

4. Понятие площади плоской фигуры.

5. Задача о вычислении площади криволинейной трапеции.

6. Определение интеграла (по Риману).

7. Необходимое условие интегрируемости функции.

8. Критерий интегрируемости функции.

9. Интегрируемость ограниченной монотонной функции.

10. Интегрируемость непрерывной функции, интегрируемость кусочно-непрерывной функции.

11. Свойства определённого интеграла, теоремы о среднем значении.

12. Интеграл с переменным верхним пределом.

13. Формула Ньютона-Лейбница.

14. Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле.

15. Площадь криволинейной трапеции.

16. Площадь в полярных координатах.

17. Длина дуги.

18. Объём пространственного тела (принцип Кавальери).

19. Площадь поверхности вращения.

20. Объем выпускаемой продукции.

21. Коэффициент Джини.

22. Дисконтированный доход.

23. Несобственный интеграл с бесконечными пределами интегрирования.

24. Несобственный интеграл от неограниченных функций.

25. Критерий Коши сходимости.

26. Обобщение понятия площади.

27. Сходимость и расходимость интегралов $\int_a^{+\infty} \frac{dx}{x^p}, a > 0,. \int_0^1 \frac{dx}{x^p}$.

28. Замена переменной, интегрирование по частям, несобственный интеграл с переменным верхним пределом.

29. Признаки сравнения для несобственных интегралов от неотрицательных функций.

30. Абсолютно сходящиеся и условно сходящиеся интегралы.

31. Двойной интеграл, его свойства.

32. Сведение двойного интеграла к повторному.

33. Замена переменных в двойном интеграле.

34. Тройной интеграл, его свойства.

35. Критерий Коши сходимости ряда.
36. Необходимое условие сходимости.
37. Ряды с неотрицательными членами.
38. Признаки сравнения.
39. Признак Даламбера.
40. Признак Коши.
41. Признак Гаусса (без доказательства).
42. Интегральный признак сходимости Маклорена-Коши.
43. Знакопеременные ряды.
44. Признак Лейбница.
45. Признаки Абеля и Дирихле (без доказательства).
46. Абсолютная сходимость ряда.
47. Условная сходимость ряда.
48. Перестановки членов ряда.
49. Степенные ряды.
50. Радиус сходимости, интервал сходимости.
51. Непрерывность суммы степенного ряда.
52. Почленное интегрирование и дифференцирование степенных рядов.
53. Ряды Тейлора элементарных функций.
54. Ряд Фурье.
55. Тригонометрическая система функций.
56. Коэффициенты Фурье.
57. Гамма и бета-функции Эйлера, их свойства (без доказательства).
58. Нормальное распределение. Вычисление его моментов.

Примерные варианты экзаменационных билетов

Экзаменационный билет №1
по дисциплине «Математический анализ»

1. Предел монотонной ограниченной функции.
2. Формулировка теоремы о существовании, непрерывности и дифференцируемости функции $y = f(x)$, определяемой уравнением $F(x, y) = 0$.
3. Найдите точку разрыва функции $y = \frac{x^2 - 1}{x + 2}$
4. Найти длину вектора градиента функции: $z = 3x + 4y$.
5. Исследовать ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n+1}$. на сходимость. В ответе укажите сходится ряд или расходится при x=1

Экзаменационный билет №2
по дисциплине «Математический анализ»

1. Задача о вычислении площади криволинейной трапеции.
2. Признаки сравнения для несобственных интегралов от неотрицательных функций.
3. Вычислить интеграл $\int \frac{xdx}{\sqrt{x^2 + 2x + 5}}$
4. Найдите предел по правилу Лопиталя $\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{3x}$
5. Найдите частную производную по y для функции z=sin x + 2xy

Шкала оценивания

Критерии оценивания	Оценка
Демонстрирует знание материала в полном объеме, логически правильно излагает ответы на вопросы; имеет навык правильного выбора и использования методов линейной алгебры для решения задач в сфере экономики, финансов и бизнеса, интерпретации и анализа полученных результатов	5 (отлично)
Демонстрирует знание материала в полном объеме, но незначительно нарушает последовательность изложения, дает неуверенные и недостаточно полные ответы на вопросы; правильно выбирает, методы линейной алгебры для решения задач в сфере экономики, финансов и бизнеса, интерпретации и анализа полученных результатов, но имеет небольшие затруднения при реализации методов	4 (хорошо)
Демонстрирует знание предмета, но материал излагает фрагментарно и непоследовательно, допускает ошибки в применении метода решения, задачу решает частично; имеет затруднения при выборе методов линейной алгебры для решения задач в сфере экономики, финансов и бизнеса; не имеет навыка интерпретации и анализа полученных результатов	3 (удовлетворительно)
Не демонстрирует усвоение основного содержания предмета, обнаруживает незнание большей части учебного материала, допускает грубые ошибки в определении понятий и при решении задач; не умеет проводить анализ профессиональных задач; невыработалнавыки выбора и использования методов линейной алгебры для решения задач в сфере экономики, финансов и бизнеса, интерпретации и анализа полученных результатов	2 (неудовлетворительно)

4.3. Методические материалы

Процедура проведения письменного экзамена

Аттестационные испытания проводятся преподавателем, ведущим лекционные занятия по данной дисциплине.

При проведении письменного экзамена в аудитории может одновременно находиться экзаменуемая группа в полном составе.

Экзаменационный билет выбирает сам экзаменуемый в случайном порядке.

Экзаменуемые могут пользоваться программой учебной дисциплины, а также с разрешения преподавателя калькуляторами.

При проведении экзамена экзаменуемым предлагается ответить на два теоретических вопроса и выполнить два практических задания в соответствии с пройденными темами.

Время написания экзаменационной работы составляет 90 мин. (по желанию экзаменуемого ответ может быть досрочным).

Изложение материала ведется в листе ответа, который затем (по окончании экзамена) сдается на проверку экзаменатору.

Проверка работ выполняется экзаменатором после окончания экзамена и оценки выставляются в соответствии с критериями оценивания.

В случае возникновения сомнений относительно глубины знаний экзаменуемого экзаменатор может пригласить его и задать дополнительные и уточняющие вопросы в пределах учебного материала, вынесенного на экзамен.

Оценка результатов письменного аттестационного испытания объявляется экзаменуемым в день его проведения.

5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Методические указания по выполнению контрольных работ

Данный вид работы проверяет:

1) усвоение обучающимися полученных в ходе обучения умений и навыков;

2) способность выбрать инструментальные средства для обработки данных в соответствии с поставленной задачей;

3) умение проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы.

Примерно за 2-3 недели до проведения контрольной работы обучающемуся необходимо получить у преподавателя шаблон контрольной работы или примерный перечень практических заданий, входящих в контрольную работу, и после этого приступить к подготовке.

При подготовке к контрольной работе следует:

1) повторить теоретический материал по темам, включенным в контрольную работу;

2) просмотреть материалы практических занятий и домашних заданий;

3) попробовать решить задания из шаблона контрольной работы или примерного перечня практических заданий;

4) закрепить полученные умения и навыки, решая похожие задания из рекомендованных преподавателем учебников и учебно-методических пособий.

Если в процессе подготовки к контрольной работе возникли затруднения или требуются какие-либо уточнения и рекомендации, следует обратиться за помощью к преподавателю.

Методические указания по подготовке к коллоквиуму

Коллоквиум – это собеседование преподавателя и учащегося по заранее определенным контрольным вопросам.

Особенность коллоквиума в том, что это не просто форма контроля, а метод углубления, закрепления знаний учащихся, так как в ходе собеседования преподаватель имеет возможность разъяснить вопросы, возникающие у учащегося в процессе подготовки.

Этот вид деятельности развивает навык осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач.

На самостоятельную подготовку к коллоквиуму обучающемуся отводится 2-3 недели.

При подготовке к коллоквиуму следует:

1) просмотреть конспекты лекций и практических занятий и отметить в них имеющиеся ответы на вопросы коллоквиума.;

2) если конспекты содержат не все ответы или часть вопросов вынесено преподавателем на самостоятельное рассмотрение, необходимо изучить содержание учебной литературы, рекомендованной преподавателем;

3) в случае возникновения каких-либо затруднений при подготовке следует обратиться за помощью к преподавателю.

Самоподготовка к практическим занятиям

При подготовке к практическому занятию обучающемуся необходимо:

1) ознакомиться с соответствующей темой программы дисциплины;

2) осмыслить круг изучаемых вопросов и логику их рассмотрения;

3) тщательно изучить лекционный материал;

4) изучить рекомендованную литературу по данной теме;

5) ознакомиться с вопросами очередного практического занятия.

Важным аспектом самостоятельной подготовки студентов является работа с библиотечным фондом.

Эта работа предполагает различные варианты повышения профессионального уровня студентов в том числе:

а) получение книг в научном абонементе;

б) изучение книг, журналов, газет в читальном зале;

в) возможность поиска необходимого материала посредством электронного каталога;

г) получение необходимых сведений об источниках информации у сотрудников библиотеки.

6. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

6.1. Основная литература

1. Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 1 : учебник для академического бакалавриата / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 324 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-07067-5. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт[сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/437203

2. Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 2 : учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 315 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-07069-9. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/452410

3. Чирский, В. Г. Математический анализ и инструментальные методы решения задач. В 2 кн. Кн. 1 : учебник / В. Г. Чирский, К. Ю. Шилин. — Москва : Издательский дом «Дело» РАНХиГС, 2019. — 464 с. — (Учебники Президентской академии). - ISBN 978-5-7749-1384-8. - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/catalog/product/1085536

4. Чирский, В. Г. Математический анализ и инструментальные методы решения задач. В 2 кн. Кн. 2 : учебник / В. Г. Чирский, К. Ю. Шилин. — Москва : Издательский дом «Дело» РАНХнГС, 2019. — 272 с. — (Учебники Президентской академии). - ISBN 978-5-7749-1385-5. - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/catalog/product/1085538

5. Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа : учебник : в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. — 11-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, [б. г.]. — Часть 1 — 2019. — 444 с. — ISBN 978-5-8114-0190-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: https://e.lanbook.com/book/112051

6. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа : учебник / Л.Д. Кудрявцев. — 4-е изд., перераб. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, [б. г.]. — Том 1 : Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды — 2015. — 444 с. — ISBN 978-5-9221-1585-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/71994

7. Демидович, Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу : учебное пособие / Б.П. Демидович. — 22-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2020. — 624 с. — ISBN 978-5-8114-4874-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/126716

6.2. Дополнительная литература

1. Малугин, В. А. Математический анализ для экономического бакалавриата : учебник и практикум / В. А. Малугин. — 3-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 557 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-2406-0. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/425562

2. Ахтямов, А.М. Математика для социологов и экономистов : учебное пособие / А.М. Ахтямов. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2008. — 464 с. — ISBN 978-5-9221-0919-2. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/2095

3. Высшая математика для экономистов : учебник для студентов вузов, обучающихся по экономическим специальностям / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин, М. Н. Фридман ; под редакцией Н. Ш. Кремер. — Москва : ЮНИТИ-ДАНА, 2015. — 481 с. — ISBN 978-5-238-00991-9. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www.iprbookshop.ru/52071.html

6.3. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы

1. Полькина, Е. А. Сборник заданий по высшей математике с образцами решений (математический анализ) : учебно-методическое пособие / Е. А. Полькина, Н. С. Стакун. — Москва : Прометей, 2013. — 200 с. — ISBN 978-5-7042-2490-7. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www.iprbookshop.ru.ezproxy.ranepa.ru:3561/24022.html

6.4. Нормативные правовые документы

Не предусмотрено.

6.5. Интернет-ресурсы

Не предусмотрено.

6.6. Иные источники

1. Красс М.С., Чупрынов Б.П. Основы математики и ее приложения в экономическом образовании: учебник. М.: Дело, 2010.
2. Сборник задач по высшей математике для экономистов: учебное пособие. Под ред. П.С. Геворкяна. М.: Экономика, 2011.
3. Сборник задач по высшей математике для экономистов: учебное пособие. Под ред. В.И. Ермакова. М.: ИНФРА-М, 2011.
4. Высшая математика для экономистов: сборник задач: Учебное пособие / Бобрик Г.И., Гринцевичюс Р.К., Матвеев В.И., - 3-е изд., испр. - М.:НИЦ ИНФРА-М, 2019. - 539 с. (Высшее образование: Бакалавриат) (Переплет 7БЦ/Без шитья) ISBN 978-5-16-010074-6. - Текст : электронный. - URL: https://new.znanium.com/catalog/product/989742
5. Полькина, Е. А. Сборник заданий по высшей математике с образцами решений (математический анализ) : учебно-методическое пособие / Е. А. Полькина, Н. С. Стакун. — Москва : Прометей, 2013. — 200 с. — ISBN 978-5-7042-2490-7. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www.iprbookshop.ru.ezproxy.ranepa.ru:3561/24022.html

7. Материально-техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы

Для проведения занятий по дисциплине необходимо материально-техническое обеспечение учебных аудиторий в зависимости от типа занятий: семинарского и лекционного типов, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации: комплект специализированной учебной мебели, доска аудиторная, компьютерная техника, презентационное оборудование. Выход в Интернет и доступ в электронную информационно-образовательную среду организации.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся. Комплект специализированной учебной мебели, компьютерная техника с возможностью подключения к сети «Интернет» и доступом в электронную информационно-образовательную среду организации.

Базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

1. https://urait.ru –Электронно-библиотечная система [ЭБС] Юрайт
2. http://www.iprbookshop.ru – Электронно-библиотечная система [ЭБС] «Iprbooks»
3. https://e.lanbook.com - Электронно-библиотечная система [ЭБС] «Лань»
4. https://new.znanium.com Электронно-библиотечная система [ЭБС] «Znanium.com».
5. https://ibooks.ru - Электронно-библиотечная система система [ЭБС] «Айбукс.ру/ibooks.ru»
6. https://lib.ranepa.ru/ru/informatsionnye-resursy/russkoyazychnye-resursy/58-elibrary-ru - Научная электронная библиотека Elibrary.ru
7. http://ru.wikipedia.org - Универсальная интернет-энциклопедия Wikipedia

8. https://dlib.eastview.com – Информационный сервис «East View»
9. https://lib.ranepa.ru/ru/informatsionnye-resursy/zarubezhnye-resursy/70-proquest-ebook-central - ProQuest Ebook Central. Полные тексты книг зарубежных научных издательств
10. http://www.edu.ru - Федеральный образовательный портал «Российское образование»
11. https://lib.ranepa.ru/ru/informatsionnye-resursy/russkoyazychnye-resursy/63-grebennikov - Электронная библиотека Издательского дома «Гребенников», содержит полные тексты научно-практических журналов по маркетингу, менеджменту, финансам и управлению персоналом.
12. https://lib.ranepa.ru/ru/informatsionnye-resursy/zarubezhnye-resursy/49-ebsco-publishing – информационный ресурс EBSCO, содержащий издания по экономике, бизнесу, менеджменту и др.
13. https://rusneb.ru - Национальная электронная библиотека
14. https://lib.ranepa.ru/ru/informatsionnye-resursy/zarubezhnye-resursy/54-web-of-science - Электронные ресурсы компании CLARIVATE ANALYTICS (US) LLC: Russian Science Citation Index. База данных научного цитирования. Содержит информацию как по зарубежным научным изданиям, так и по отечественным академическим журналам. Предоставляет доступ к спискам библиографических ссылок, к каждой публикации.
15. Справочно-правовая система «КонсультантПлюс».